DOI: 10.13801/j. cnki. fhclxb. 20170519.003

Al₂O₃ 掺杂 BaTi_{0.85}Sn_{0.15}O₃ 陶瓷的制备及 性能表征

朱谷城,胡波平,万美茜,周耐根*

(南昌大学 材料科学与工程学院,南昌 330031)

摘 要: 通过传统固相二次烧结法来制备 xwt% (x), (x)=0、1.0、1.5)/BaTi_{0.85} Sn_{0.15} O₃ (BTS)陶瓷。研究了 掺杂不同含量 Al₂O₃ 对 BTS 陶瓷的微观结构、介世华能及挠曲电性能的影响。结果表明,掺杂 Al₂O₃ 的 BTS 陶 瓷不改变陶瓷的晶体结构,仍为标准钙钛矿结构晶型; Al₂O₃ 的掺入能够有效降低晶粒尺寸,具有明显的细晶作 用。随着 Al₂O₃ 含量的增大,Al₂O₃/BTS 陶瓷的冷电常数减小,介电损耗得到明显改善,居里峰逐渐宽化且向温 度高的方向偏移。Al₂O₃/BTS 陶瓷的烧曲电系数随着 Al₂O₃ 含量的增加和测试环境温度的升高均减小。此外, Al₂O₃/BTS 陶瓷的烧曲电系数和在电常数之间存在一种近线性关系,但当温度非常接近于居里温度时,这种线性 关系减弱。

关键词: 锡钛酸钡(BLS); Al₂O₃ 掺杂; 微观结构; 介电性能; 挠曲电性能

中图分类号: TB321 文献标志码: A 文章编号: 1000-385(2018)03-0647-06

Preparation and properties characterization of Ad₂O₃ doping BaTi_{0.85}Sn_{0.15}O₃ ceramics

ZHU Gucheng, HU Boping, WAN Meiqian, ZHOU Naigen*

(School of Materials Science and Engineering Nanchang University, Nanchang 330031, China)

Abstract: $xwt \% Al_2 O_3 (x=0, 1.0, 1.5)/BaPi S Sn_{0.15} O_3 (BTS)$ ceramics were prepared by the traditional secondary solid state reaction method. And the effects of BTS ceramics doped with $Al_2 O_3$ on the microstructure, dielectricity and flexoelectricity were studied. The results show that BTS ceramics doped with $Al_2 O_3$ are spill the standard perovskite crystal structure, $Al_2 O_3$ reduces the size of the grain effectively. When $Al_2 O_3$ doping amount increases, the dielectric constant of $Al_2 O_3$ BTS ceramics decreases, the dielectric loss of $Al_2 O_3$ (BTS) ceramics decreases, the Curie peaks broaden and shift to the high temperature direction. With the increase of $Al_2 O_3$ content and test temperature, the flexoelectric coefficient of $Al_2 O_3$ /BTS ceramics decreases. And there is a near linear relationship between the coefficient of deflection and dielectric constant of $Al_2 O_3/BTS$ ceramics. Further were the temperature is very close to the Curie temperature, the linear relationship is weakened.

Keywords: BaTi_{0.85}Sn_{0.15}O₃ (BTS); Al₂O₃ doping; microstructure, dielectricity; flexoelectricity

近年来,挠曲电效应作为一种新型的力电耦合 曲电系数达 100 μC/m^[5],是用于研究挠曲电效应 效应引起了科研工作者的广泛关注^[1],挠曲电效应 的良好材料。

钛酸钡陶瓷材料是一种非常重要的高介铁电体 陶瓷,其具有良好的挠曲电性能、介电性能及较低 的介电损耗^[6-8],在电容器、制动器、传感器等领域 具有十分广泛的应用^[9-11]。钛酸钡是典型的钙钛矿 结构,具有四方晶系、六方晶系、立方晶系、斜方

在压力显微镜、应变梯度传感器、曲率传感器和新

型压电复合材料等领域具有很好的应用^[2-3]。Ma

等[4] 通过实验发现,在高介铁电陶瓷中具有显著增

强的挠曲电效应。研究表明,在钛酸钡体系中挠曲 电效应尤其显著,居里温度以上的 BaTiO。等效挠

收稿日期:2017-03-14;录用日期:2017-05-08;网络出版时间:2017-05-19 13:37 网络出版地址:https://doi.org/10.13801/j.cnki.fhclxb.20170519.003

基金项目:国家自然科学基金(51561022; 51361022)

通讯作者:周耐根,博士,教授,研究方向为功能陶瓷、有限元仿真及分子动力学模拟 E-mail: ngzhou@ncu.edu.cn

引用格式: 朱谷城, 胡波平, 万美茜, 等. Al₂O₃ 掺杂 BaTi_{0.85} Sn_{0.15}O₃ 陶瓷的制备及性能表征[J]. 复合材料学报, 2018, 35(3): 647-652. ZHU Gucheng, HU Boping, WAN Meiqian, et al. Preparation and properties characterization of Al₂O₃ doping BaTi_{0.85} Sn_{0.15}O₃ ceramics[J]. Acta Materiae Compositae Sinica, 2018, 35(3): 647-652 (in Chinese).

晶系和三斜晶系五种晶系。然而,制备纯的钛酸钡 陶瓷材料需要较高烧结温度,制备效率低,损耗能 量大,并且钛酸钡材料的居里温度远高于室温,无 法满足器件使用温度的要求。目前国内外研究者主 要对钡基钙钛矿陶瓷中A位取代的钛酸锶钡 (BTS)进行掺杂改性,研究掺杂稀土元素、金属氧 化物及硼硅系玻璃等物质对 BTS 陶瓷材料微观结 构和介电性能的影响[12-13],以期得到符合各领域 生产实际中所需性能的钛酸钡陶瓷材料。考虑对《 钛基钙钛矿陶瓷中 B 位取代的 BTS 的掺杂改性和 挠曲电效应方面的相关报道很少。为了拓宽增强 挠曲电性材料的选择范围,给挠曲效应研究提供 实验基础,本文选用居里温度在室温附近的 BaTi_{0.85}Sn_{0.15}O₃(BTS)为研究对象^还,研究 Al₂O₃ 掺杂对 BTS 陶瓷的微观结构 产介电性能和挠曲电 性能的影响。

1 实验材料及方法

1.1 原材料〇

无水之醇,分析纯,天津大茂化学试剂厂;钛 酸钡(BaTiO₃),化学纯,麦克林湖北分公司;碳酸 钡(BaCO₃),分析纯,台山市化工厂有限公司; SnO₂,分析纯,麦克林湖北分公司;导电银胶,化 学纯,广州尤特新材料有限公司。

1.2 样品的制备及测试

将原料 BaTiO₃、BaCO₃、充分按化学计量比 进行称量,称重后的粉末加入龙水乙醇,利用湿法 球磨将粉末混合均匀,球磨机转速为 400 r/min, 球磨时间为 4 h。球磨后的粉末烘干过 96 μm 筛 后,按质量分数加入 Al₂O₃ 粉末后再次球磨,球磨 机转速为 400 r/min,球磨时间为 4 h。精磨后的粉



末烘干,加入质量分数为 5wt%聚乙烯醇溶液进行 造粒,球粒的大小控制在 250 μ m。造粒后的 BTS 粉末在压力为 15 MPa下压制成直径 Φ 50 mm 的素 坯。素坯在1 300℃下进行烧结,保温3h后自然 冷却至室温。制得掺杂 Al₂O₃ 的 BTS 陶瓷,按照 测试所需的样品尺寸将陶瓷片切割成(5 mm× 5 mm×1 mm 和 30 mm×5 mm×1 mm)长条片, 并根据需要在陶瓷片上涂布银电极。

○ 用X射线衍射仪(XRD, D/Max-ⅢC, Rigaku, Tokyo, Japan)对样品的物相成分进行分析;用扫 描电子显微镜(SEM, FEI Quanta 200f, Tokyo, Japan)对样品的表面形貌进行观察。使用宽带介电 谱仪(Concept 40, Novocontrol, Germany)和阻抗 分析仪(E4294A, Agilent, Palo Alto, CA)对样品 的介电性能进行测试。用悬臂梁测试系统对样品的 挠曲电性能进行测试^[14]。

2 结果与讨论

2.1 掺杂 Al₂O₃ 对 BTS 微观结构的影响

图 1 为室温下 xwt%Al₂O₃(x=0、1.0、1.5)/ BTS 陶瓷的 XRD 衍射图谱。可以看出,陶瓷样品 均为标准钙钛矿结构,掺杂 Al₂O₃ 并不改变 BTS 陶瓷晶体的结构。这是由于 Al³⁺和 D[•]发生置换, Al³⁺全部进入 BTS 钙钛矿晶体中形成固溶体。 Al³⁺半径与 Ti⁴⁺的半径相近,并且钛酸钡晶格中的 氧八面体的结构紧凑、如⁺不太可能进入间隙位 置,进入晶格的可能性较大,取代 Ti⁴⁺在晶格中的 位置^[15]。当Al³进入钛酸钡晶格时,发生的取代 反应方程如 +:





式中: V³⁰_{Ba} 表示 Ba 离子空位且带有 2 个单位负电 荷; Al³_{Ti} 表示 Al 离子取代 Ti 离子晶格位置且带有 1 个单位负电荷; V³₀ 表示 O 离子空位且带有 2 个 单位正电荷。

由图 1(b)可以看出,随着 Al₂O₃ 含量的增加, 衍射峰向着低角度方向偏移,即掺杂 Al₂O₃ 会改变 BTS 的晶格参数。结合布拉格方程 2*d*sinθ = λλ 可 知,BTS 晶胞的晶面间距随着 Al₂O₃ 含量的增大而 增大。

图 2 为室温下 xwt%Al₂O₃(x=0、1.0、1/3/ BTS 陶瓷的 SEM 图像。可以看出,掺杂 Q₂O₃ 能 够显著改变 BTS 陶瓷的微观结构,随着 Al₂O₃ 含 量的增加,晶粒的尺寸慢慢减小, 晶粒逐渐细化。 因此掺杂 Al₂O₃ 能够促进 BTS 陶瓷晶粒的细化。 这是由于外来离子会在晶势处优先富集,阻碍了晶 界的进一步移动,从而导致晶粒的生长受到一定的 抑制。随着 Al₂O₃ 含量的增加, Al³⁺会在晶界处聚 集,从而使晶粒的生长变慢,即晶粒的尺寸逐渐减 小^[16]。此外,在 1.0wt% Al₂O₃/BTS 和 1.5wt% Al₂O₃/BTS 陶瓷的 SEM 图像中还出现了一些体积 特别大的晶粒,使晶粒的大小差异变得比较大。这 是由于晶界的移动速度在烧结温度变得很高时会变 快,导致各晶粒的生长速率不同,从而使晶粒的大 小变得不均匀^[17]。

2.2 掺杂 Al₂O₃ 对 BTS 陶瓷介电性能的影响

图 3 为不同测试频率下 xwt% Al₂O₃ (x = 0、 1.(1.5)/BTS 陶瓷的介电常数与损耗因数随温度 变化的曲线。可以看出,在不同的测试频率下, xwt%Al₂O₃/BTS 陶瓷的介电常数随温度的变化关 系具有相同规律,即随着温度升高,介电常数先升 高后下降。其中无掺杂 BTS 最大介电常数达到 25 000(100 Hz)。同一样品中的介电常数随测试频 率的升高而降低,其相变峰也随着测试频率的增大 而越趋平缓。这是由于 BTS 陶瓷的介电常数受偶 极子极化程度影响较大,而偶极子极化由于受介质 内粘滞作用的影响,使其极化程度有时间依赖性。 在低的测试频率条件下,偶极子由于有充足的时间 跟上的变化,从而使其极化完全。随着测试频率 的升高,偶极子极化逐渐慢于电场的变化,导致极



图 3 在不同的测试频率(f=0.1、1、10、100 kHz)时 xwt% Al₂O₃(x=0、1.0、1.5)/BTS 的介电常数与损耗因数随温度变化的曲线 Fig. 3 Permittivity and dielectric loss of the xwt% Al₂O₃(x=0, 1.0, 1.5)/BTS ceramics as a function of temperature at different frequencies (f=0.1, 1, 10, 100 kHz)

从图 3 中还可以看出, Al₂O₃ 的掺入使 BTS 陶 瓷的介电损耗得到了明显改善,并随着 Al₂O₃ 含量 的增大,样品的介电损耗不断降低,无掺杂时介电 损耗为 0.8,而当掺杂浓度为 1.5wt% 时达到了 0.02。结合 XRD 图谱和 SEM 图像分析,掺杂 Al₂O₃ 形成了固溶体,会使钛酸钡点阵结构发生畸 变和产生缺陷,造成电导损耗和驰豫损耗,然而随 Al₂O₃ 含量的增大,晶粒的尺寸逐渐减小,自发极 化的强度也会在一定程度下有所减弱,从而使晶粒 在受到外电场的作用时偶极子的位能减小,因此早 致 BTS 陶瓷的介电损耗降低^[19]。

图 4 为在测试频率为 1 kHz 时 x x Al₂O₃ (x=0, 1.0, 1.5)/BTS 陶瓷的介电常数随温度的 变化曲线。可以看出,掺杂 Ma Oo 的 BTS 陶瓷的 介电常数小于未掺杂的 BNS 陶瓷的介电常数,并 且随着掺杂比例的增大前减小。这是由于掺杂的 Al³⁺取代了半径较大的 Ti⁴⁺产生阳离子空位, 使 BTS 陶瓷晶体晶格结构发生畸变, 易产生自发极 化,导致价电常数减小^[18]。此外,Al₂O₃作为低介 电常数材料,在制备样品的过程中也会产生低介电 常数的玻璃相,从而导致晶粒的导电性能有所下 降,进而造成 BTS 陶瓷的介电常数降低^[20] 冰雨 4 还可以看出, 随着 Al₂O₃ 含量的增大, 备材料的 居里温度略有上升。这是由于 Al³⁺ 取代 Ti⁴⁺, 形 成氧空位,改变了 Ti-O-Ti 之间,故平衡作用力,离 子之间的排斥增大,Ti⁴⁺静态位移难以形成,因此 导致各样品的居里温度随着 Al₂O₃ 含量的增大而 略有增加^[21]。随着 Al₂O₃ 含量的增大,各样品的 居里峰逐渐变宽,呈现明显的相变弥散效应特征, 由原来正常的铁电体逐渐转变为弥散铁电体。这是







由于 Al³⁺离子进入 BTS 晶格内部,同时也会在晶 界处形成偏析,使其聚集在晶粒表面,产生了顺电 相和铁电相同时存在的区域,从而导致材料介温曲 线的宽峰现象^[22]。

图 5 为室温下 xwt%Al₂O₃(x=0、1.0、1.5)/ BTS 陶瓷的介电常数-频率曲线。可以看出,各样 品的介电常数随测试频率的增大而减小,其值与上 文中的介电-温度曲线保持一致。



samples as a function of frequency at room temperature

2.3 掺杂 Al₂O₃ 对 BTS 陶瓷挠曲电性能的影响

图 6 为室温下 xwt%Al O (= 0、1.0、1.5)/ BTS 陶瓷挠曲电极化与应变梯度的关系。实验测 试的频率为 10 Ha, 远低于悬臂梁的谐振频率,因 此,陶瓷的振动可以视为准静态。图中直线的斜率 即为 BTS (陶瓷的挠曲电系数,可以看出, BTS 陶



Fig. 6 Flexoelectric polarization as a function of strain gradient in the xwt%Al₂O₃(x=0, 1.0, 1.5)/BTS ceramics at room temperature 瓷的挠曲电系数随着 Al₂O₃ 含量的升高而降低。 这是由于 Al³⁺与 Ti⁴⁺置换,BTS 陶瓷的晶格常数 增大,导致了初始电荷分离(电极化),内部应变状 态无法诱导 BTS 从立方相到铁电相的转变,但弱 化了挠曲电极化强度,即表现为挠曲电系数减小。 图 7 为 xwt% Al₂O₃/BTS 陶瓷挠曲电系数随温度 变化曲线。可以看出, xwt% Al₂O₃/BTS 陶瓷挠曲 电系数随温度的升高而减小。这是由于挠曲电效 应与材料的相变过程密切相关,在相变温度附近 铁电体中有顺电相微区的存在,极化方向易受外 界应力梯度影响而重新定向,导致比较大的骁曲 电极化响应。当温度升高逐渐远离和变温度时, 极性微区减少,响应变弱,导致挠曲电系数减小。 此结果与 Catalan 等和 Hong

图 8 为 xwt%(1)(Q, (x=0, 1.0, 1.5)/BTS 陶 瓷挠曲电系数与介电常数之间的关系图。可以看 出, xwt%(ALO), /BTS 陶瓷的挠曲电系数和介电常 数之间存在一种近线性关系,当温度非常接近于居 里温度时,这种线性关系被减弱。这是由于晶体结 构的不稳定性,即当温度接近于相变温度时局部被 化可以很容易地由外部应变梯度诱导,BTS 陶瓷的 挠曲电系数会有较大的改变,挠曲电系数与介电常 数之间出现非线性增强的现象。此结果与由 Biancoli 等^[25]提出的结果一致。这一常果与上文中的 BTS 陶瓷的介电常数随着(LO。含量的增大而减 小也是一致的。







 (1) 掺杂 Al₂O₃ 能够有效的细化 BaTi_{0.85} Sn_{0.15}
 O₃(BTS) 陶瓷晶粒尺寸,随着 Al₂O₃ 含量的增大, BTS 陶瓷均呈标准的钙钛矿结构。

(2) BTS 陶瓷的介电常数随着 Al₂O₃ 含量的增 大而减小,居里温度略微升高,居里峰变宽,呈现 明显的相变弥散效应。

(3) BTS 陶瓷的介电损耗随着 203 含量的增 大而有所改善。无掺杂时介电损耗为 0.8,掺杂浓 度为 1.5wt%则降低到了 92。

(4) BTS 陶瓷的挠曲电系数随着 Al₂O₃ 含量的 增大和测试环境温度的升高而减小,和介电常数之 间存在一种近线性关系,这种线性关系在温度非常 接近于居里温度时减弱。

文献:



- [2] HUANG W, KWON S R, ZHANG S, et al. A trapezoidal flexoelectric accelerometer[J]. Journal of Intelligent Material Systems and Structures, 2014, 25(3): 271-277.
- [3] KWON S R, HUANG W, ZHANG S, et al. Flexoelectric sensing using a multilayered barium strontium titanate structure [J]. Smart Materials and Structures, 2013, 22 (11): 115017.
- MA W, CROSS L E. Observation of the flexoelectric effect in relaxor Pb(Mg_{1/2}Nb_{2/3})O₃ ceramics[J]. Applied Physics Letters, 2001, 78(19): 2920-2921.
- [5] MA W, CROSS L E. Flexoelectric of barium titanate[J]. Applied Physics Letters, 2006, 88(23): 232902-232903.

[6] 吴再辉,秦珊,白帆,等. 阻抗渐变高介电钛酸钡/聚酰亚胺 复合薄膜的设计与制备[J]. 复合材料学报,2016,33(12): 2712-2717.

WU Z H, QING S, BAI F, et al. Design and fabrication of high-dielectric $BaTiO_3/polyimide$ composite film with impedance gradient[J]. Acta Materiae Compositae Sinica, 2016, 33 (12): 2712-2717 (in Chinese).

- [7] IANCULESCU A, BERGER D, VIVIANI M, et al. Investigation of Ba_{1-x}Sr_xTiO₃ ceramics prepared from powders synthesized by the modified Pechini route[J]. Journal of the European Ceramic Society, 2007, 27(13-15): 3655-3658.
- BEDNORZ J G, MULLER K A. Sr_{1-x} Ca_x TiO₃, An quantum ferroelectric with transition to randomness physical Review Letters, 1984, 52(25): 2289-2292.
- [9] QI J Q, LIU B B. Dielectric properties of barrun zirconate titanate (BZT) ceramics tailored by different donors for high voltage applications[J]. Solid State Sciences, 2012, 14(10): 1520-1524.
- [10] 王丽娟,高玫香,谢遵园, 等 BalliO3@Cu核-壳复合粒子 电/磁双响应性能口子复合材料学报,2017,34(4): 844-849.

WANG L J, GAOM X, XIE Z Y, GAO L X. Electromagnetic response of BaTiO₃ @ Cucore-shell composite particles [J]. Acta Wateriae Compositae Sinica, 2017, 34(4): 844-84 (in Chinese).

[11] 汪宁, 张波萍, 赵磊, 等. (Ba_{1-x}Ca_x)(Ti_{0.94}Zr_{0.056}Sn_{0.004})Q₃ 无铅压电陶瓷电学性能和 Curie 温度的协同调控[J]. 硅酸盐 学报, 2016, 44(12): 1686-1693.
WANG N, ZHANG B P, ZHAO L, et al. Optimization of electrical properties and curie temperature [b] Ba_{1-x}Ca_x) (Ti_{0.94}Zr_{0.056}Sn_{0.004})O₃ lead-free piezoelectric ceramics[J]. Journal of the Chinese Ceramic Societ、 2006, 44(12): 1686-1693 (in Chinese).

[12] 殷佳,黄新友,岳振星,等. 2003 掺杂对 BCZT 无铅压电 陶瓷性能和结构的影响[J].电子元件与材料,2016,35(2): 22-25.

> YIN J, HUANG X Y, YUE Z X, et al. Influence of Nd_2O_3 doping on the properties and structure of BCZT lead-free piezoelectric ceramics[J]. Electronic Components and Materials, 2016, 35(2): 22-25 (in Chinese).

- [13] CUI Y R, LIU X Y, YUAN C L, et al. Preparation and properties of Sm₂O₃ doped (Ba_{0.7} Ca_{0.3}) TiO₃-Ba(Zr_{0.2} Tio₃, Ca lead-free piezoelectric ceramics[J]. Journal of Inorganic Vaterials, 2012, 27(7): 731-734.
- [14] SHU L L, WEI X Y, JIN L, et al. Enhanced direct flexoelectricity in paraelectric phase of Ba (Ti_{0.87} Sn_{0.13})O₃ ceramics
 [J]. Applied Physics Letters, 2013, 102(15): 152904.
- [15] 张茜,董桂霞,吕易楠,等. ZnAl₂O₄和 La₂O₃对 Ca_{0.61}Nd_{0.26}TiO₃-MgTiO₃复合陶瓷介电性能的影响[J]. 复合材料学报,2017,34(4):859-864.
 ZHANG X, DONG G X, LV Y N, et al. Effect of ZnAl₂O₄ and La₂O₃ on dielectric properties of Ca_{0.61} Nd_{0.26}TiO₃-MgTiO₃ composite ceramics[J]. Acta Materiae Compositae Sinica,2017,34(4):859-864 (in Chinese).
- [16] 林榕,黄瑞南,胡勇,等. MgTiO3 掺杂对 BST 基电容器陶

资介电性能的影响[J]. 电子元件与材料, 2015, 34 (10): 23-26.

LIN R, HUANG R N, HU Y, et al. Influence of $MgTiO_3$ doping on dielectric properties of BST based capacitor ceramics[J]. Electronic Componets and Materials, 2015, 34 (10): 23-26 (in Chinese).

[17] 沈振江, 邴丽娜. 固相法烧结温度对钛酸钡陶瓷介电性能的 影响[J]. 硅酸盐通报, 2015, 34(2): 320-324.

SHE Z J, BING L N. Influence of sintering temperature on the dielectric properties of barium titanate ceramics synthesized by solid state reaction [J]. Bulletin of the Chinese Ceramic Society, 2015, 34(2): 320-324 (in Chinese).

- [18] 吕静,党智敏、低热膨胀系数纳米碳化硅/聚酞亚胺复合薄膜的制各与性能[J].复合材料学报,2011,28(6):41-45.
 LV J, DANG Z M. Preparation and properties of nano SiC/polyimide composite films with low thermal expansion characteristic[J]. Acta Materiae Compositae Sinica, 2011,28(6):41-45 (in Chinese).
- [19] 何伟,李斌,张其七, 秋介电常数无铅高压陶瓷电容器材料 [J]. 材料科学, T2理学报, 2008, 26(2): 281-283. HE W, L1(B, ZHANG Q T. Lead-free ceramics capacitor

material low dielectric constant and high voltage[J]. Journa A Materials Science & Engineering, 2008, 26(2): 281-283 (in Chinese).

除维, 王冲, 陈寿田. MgTiO₃ 对 SrTiO₃-Bi₂O₃nTiO₂ 系统 的微观结构和介电性能的影响[J]. 西安交通大学学报, 1997, 31(4): 7-11.

CHEN W, WANG C, CHEN S T. The influence of microstructure and dielectric property of M_2 O_3 in SrTiO₃-Bi₂O₃•nTiO₂ system[J]. Journal of M_2 Jiaotong University, 1997, 31(4): 7-11 (in Chinese

- [21] 张磊,钟维烈,彭毅萍,等、缺酸锶钡的铁电相变与晶胞体积的关联[J].物理学报。200,49(7):1371-1376.
 ZHANG L, ZHOYO, L, PENG Y P, et al. A correlation between the reproductric phase transition and the cell volume in barrier structure titanate[J]. Acta Physica Sinica, 2000, 49(7):1371-1376 (in Chinese).
- [22] (》:轉發,梁辉,徐廷献. Fe₂O₃ 的掺杂对 BaSn_{0.11} Ti_{0.89}O₃ 陶瓷介电性能的影响[J]. 压电与声光,2003,25(4):312-314.

ZHANG H L, LIANG H, XU T X. Influence of Fe₂O₃ doping on dielectric properties of BaSn_{0.11} Ti_{0.89}O₃ based ceramic [J]. Piezoelectric and Acoustooptics, 2003, 25(4): 312-314 (in Chinese).

- [23] CATALAN G, SINNAMON L J, GREGG J M. The effect of flexoelectricity on the dielectric properties of inhomogeneously strained ferroelectric thin films[J]. Journal of Physics: Condensed Matter, 2004, 16(13): 2253-2264.
- [24] HONG J W, VANDERBILT D. First-principles theory and calculation of flexoelectricity[J]. Physical Review B, 2013, 88(17): 174107.
- [25] BIANCOLI A, FANCHER C M, JONES J L, et al. Breaking of macroscopic centric symmetry in paraelectric phases of ferroelectric materials and implications for flexoelectricity[J]. Nature Materials, 2015, 14(2): 224-229.